



LISTA DE EXERCÍCIOS

OPERAÇÕES COM MATRIZES

1 - Determinar os números reais x e y tais que

$$\begin{pmatrix} 2x - y & 8 \\ 3 & x + y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 & 8 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$$

2 - (Acafe-SC) Sendo $\begin{pmatrix} 1 & 2x \\ 2 & 5y \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 3 & 6 \\ -1 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 & 18 \\ 1 & -7 \end{pmatrix}$ o valor de $5xy/6$ é:

- a) -10 b) -25/2 c) 25/2 d) 20 e) 30

3 - Dadas as matrizes $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 4 & -1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ e $C = \begin{pmatrix} -3 & 6 \\ 1 & 5 \end{pmatrix}$, calcule:

- a) $A + B$ b) $B - C$ c) $A + C - B$

4 - Dadas as matrizes

$$A = \begin{pmatrix} 4 & -1 \\ 2 & 3 \\ 6 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 6 & 1 \\ -4 & 8 \end{pmatrix} \text{ e}$$

$$C = \begin{pmatrix} 1 & 4 & -1 \\ 2 & 6 & 3 \end{pmatrix}, \text{ determine:}$$

- a) $A + B$ b) $5A$ c) $\frac{1}{2}B$ d) $5A - \frac{1}{2}B$
e) $B - C^t$ f) $2C + A^t - B^t$

5 - Sendo A e B matrizes quadradas de ordem 2 e simétricas, prove que $A + B$ também é simétrica.

6 - (UFAL) Se A e B são matrizes de ordens respectivamente iguais a 2×3 e 3×2 , então a matriz produto de A por B

- a) não está definida
b) é uma matriz quadrada de ordem 3
c) é uma matriz quadrada de ordem 2
d) é uma matriz de ordem 2×3
e) é uma matriz de ordem 3×2

7 - (IFPE 2015) Uma matriz A de ordem 3×4 multiplica uma matriz B de ordem 4×2 . O resultado dessa multiplicação é uma matriz C , ou seja, $A \times B = C$. É certo dizer que a matriz C tem

- a) 16 elementos
b) 12 elementos
c) 10 elementos
d) 8 elementos
e) 6 elementos

8 - (UEL-PR 2015) Uma reserva florestal foi dividida em quadrantes de 1 m^2 de área cada um. Com o objetivo de saber quantas samambaias havia na reserva, o número delas foi contado por quadrante da seguinte forma:

Número de samambaias por quadrante	Número de quadrantes
$A_{7 \times 1} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \end{bmatrix}$	$B_{7 \times 1} = \begin{bmatrix} 8 \\ 12 \\ 7 \\ 16 \\ 14 \\ 6 \\ 3 \end{bmatrix}$

O elemento a_{ij} da matriz A corresponde ao elemento b_{ij} da matriz B , por exemplo, 8 quadrantes contêm 0 (zero) samambaia, 12 quadrantes contêm 1 samambaia.

Assinale a alternativa que apresenta, corretamente, a operação efetuada entre as matrizes A e B , que resulta no número total de samambaias existentes na reserva florestal.

- a) $A^t \times B$ b) $B^t \times A^t$ c) $A \times B$
d) $A^t + B^t$ e) $A + B$

9 - Dadas as matrizes $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$,

$B = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 3 & -2 & 1 \end{pmatrix}$ e $C = \begin{pmatrix} -1 & 4 \\ 2 & 4 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$,

calcule, se existir, os produtos:

- a) AB b) AC c) CA d) BC e) CB

10 - (UFAM 2015) Sejam $A = (a_{ij})_{4 \times 3}$ e $B = (b_{ij})_{3 \times 4}$ duas matrizes reais definidas por

$$a_{ij} = \begin{cases} i + j, & \text{se } i \geq j \\ i - j, & \text{se } i < j \end{cases} \text{ e}$$

$$b_{ij} = \begin{cases} 2i + 1, & \text{se } i = j \\ j - 1, & \text{se } i \neq j \end{cases}$$

Se C é a matriz real definida pela multiplicação da matriz A pela matriz B , o elemento da terceira linha e segunda coluna da matriz C é:

- a) 25 b) 35 c) 37 d) 50 e) 53

11 - (UERN 2015) Considere a seguinte operação entre matrizes:

$$\begin{pmatrix} 6 & 2 \\ 4 & 3 \end{pmatrix} \cdot K = \begin{pmatrix} -6 \\ 1 \end{pmatrix}$$

A soma de todos os elementos da matriz K é:

- a) 1 b) 3 c) 4 d) 7

12 - (Mackenzie-SP 2015) Se $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$,

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, C = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \text{ e os inteiros } x$$

e y são tais que $A^2 + x \cdot A + y \cdot B = C$, então

- a) $x = 0$ b) $x = 1$ c) $x = -2$
d) $x = -1$ e) $x = 2$

13 - Considere a matriz $A = \begin{pmatrix} 2 & -\sqrt{3} \\ \sqrt{3} & -2 \end{pmatrix}$.

Determine A^{2015} .

14 - Encontre a inversa da matriz $A = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$.

15 - (UDESC) A soma dos elementos da matriz inversa de é:

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

- a) 1 b) 2 c) 0 d) -1

GABARITO:

1) $x = 2$ e $y = -1$

2-d)

3) a) $\begin{pmatrix} 6 & -2 \\ 1 & 5 \end{pmatrix}$ b) $\begin{pmatrix} 7 & -7 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$ c) $\begin{pmatrix} -5 & 4 \\ 0 & 6 \end{pmatrix}$

4) a) $\begin{pmatrix} 6 & 4 \\ 8 & 4 \\ 2 & 10 \end{pmatrix}$ b) $\begin{pmatrix} 20 & -5 \\ 10 & 15 \\ 30 & 10 \end{pmatrix}$ c) $\begin{pmatrix} 1 & 5/2 \\ 3 & 1/2 \\ -2 & 4 \end{pmatrix}$

d) $\begin{pmatrix} 19 & -15/2 \\ 7 & 29/2 \\ 32 & 6 \end{pmatrix}$ e) $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & -5 \\ -3 & 5 \end{pmatrix}$

f) $\begin{pmatrix} 4 & 4 & 8 \\ -2 & 14 & 0 \end{pmatrix}$

5) Sejam $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ e $B = \begin{pmatrix} e & f \\ g & h \end{pmatrix}$, para que ambas sejam simétricas, ou seja, $A=A^t$ e $B=B^t$, precisamos que $b=c$ e $f=g$, logo

$$A = \begin{pmatrix} a & b \\ b & d \end{pmatrix} \text{ e } B = \begin{pmatrix} e & f \\ f & h \end{pmatrix}. \text{ Efetuando-se } A+B$$

temos $A+B = \begin{pmatrix} a+e & b+f \\ b+f & d+h \end{pmatrix}$ que é igual a $(A+B)^t$, ou seja, $A+B$ é simétrica.

6-c)

7-e)

8-a)

9) a) $\begin{pmatrix} -1 & 2 & 5 \\ 13 & -6 & 15 \end{pmatrix}$ b) \nexists c) $\begin{pmatrix} 14 & 13 \\ 20 & 10 \\ 6 & -3 \end{pmatrix}$

d) $\begin{pmatrix} 8 & 4 \\ -4 & 4 \end{pmatrix}$ e) $\begin{pmatrix} 11 & -8 & 1 \\ 14 & -8 & 10 \\ 3 & 0 & 9 \end{pmatrix}$

10-b)

11-a)

12-c)

13) $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

14) $\begin{pmatrix} 1/3 & 0 \\ -2/15 & 1/5 \end{pmatrix}$

15-a)